

## 情報 - IV

学習指導要領 (3) - 思・判・表 - イ  
学習内容 (3) - イ アルゴリズムとプログラム

二次元空間  $R^2$  を領域 A と領域 B の 2 つにわけ、与えられた点  $(x, y)$  がどちらの領域に属するかを判定することを考える。たとえば、次の図のように領域 A と領域 B に分けられている場合、点  $(0.2, 0.3)$  は領域 A に、点  $(-0.9, -0.8)$  は領域 B に属する。

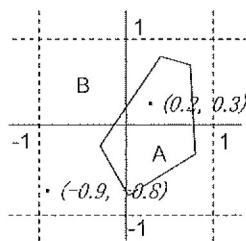


図 1

(ア) 次の文章を読み、空欄  $\boxed{\phantom{00}}_{(45)} \boxed{\phantom{00}}_{(46)}$  から  $\boxed{\phantom{00}}_{(55)} \boxed{\phantom{00}}_{(56)}$  にあてはまるものを選択肢から選び、その番号をそれぞれの解答欄にマークしなさい。ただし、空欄  $\boxed{\phantom{00}}_{(45)} \boxed{\phantom{00}}_{(46)}$  から  $\boxed{\phantom{00}}_{(49)} \boxed{\phantom{00}}_{(50)}$ 、空欄  $\boxed{\phantom{00}}_{(51)} \boxed{\phantom{00}}_{(52)}$  から  $\boxed{\phantom{00}}_{(55)} \boxed{\phantom{00}}_{(56)}$  はどのような順でマークしてもかまわない。

まず、図 2 のように  $x = y$  の直線で領域 A と領域 B に分割する。この場合、与えられた点  $(x, y)$  について、 $\boxed{\phantom{00}}_{(45)} \boxed{\phantom{00}}_{(46)} + \boxed{\phantom{00}}_{(47)} \boxed{\phantom{00}}_{(48)} + \boxed{\phantom{00}}_{(49)} \boxed{\phantom{00}}_{(50)} \leq 0$  が成立する場合はその点は領域 A に、それ以外の場合は領域 B に属する。

次に、図 3 のように原点を中心とした半径 1 の円で領域 A と領域 B を分割する。この場合、領域 A は  $\boxed{\phantom{00}}_{(51)} \boxed{\phantom{00}}_{(52)} + \boxed{\phantom{00}}_{(53)} \boxed{\phantom{00}}_{(54)} + \boxed{\phantom{00}}_{(55)} \boxed{\phantom{00}}_{(56)} \leq 0$  のように表すことができる。

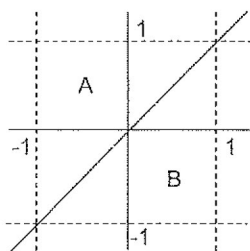


図 2

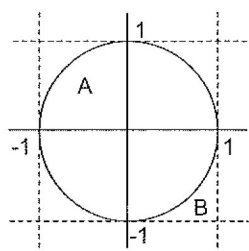


図 3

【 $\boxed{\phantom{00}}_{(45)} \boxed{\phantom{00}}_{(46)} \sim \boxed{\phantom{00}}_{(55)} \boxed{\phantom{00}}_{(56)}$  の選択肢】

- (11)  $x$     (12)  $-x$     (13)  $y$     (14)  $-y$     (15)  $x^2$     (16)  $-x^2$     (17)  $y^2$     (18)  $-y^2$   
 (19)  $-1$     (20)  $0$     (21)  $1$

(イ) 次の分類問題に関する文章を読み、空欄  $\boxed{\text{(57)}} \boxed{\text{(58)}}$  から  $\boxed{\text{(63)}} \boxed{\text{(64)}}$  にあてはまるものを選択肢から選び、その番号をそれぞれの解答欄にマークしなさい。

二次元空間  $R^2$  が、切片が 1 の直線で領域 A と領域 B に分割されている。ここで、どちらの領域に属しているかわかっている  $n$  個の点  $P_i(x_i, y_i) (i = 1, 2, 3, \dots, n)$  が、属する領域によって次のような値を取る  $t_i$  とともに与えられたとする。またこのとき、点  $P_i$  は境界線上には無いものとする。

$$t_i = \begin{cases} 1 & (\text{点 } P_i \text{ が領域 } A \text{ に属する場合}) \\ -1 & (\text{点 } P_i \text{ が領域 } B \text{ に属する場合}) \end{cases}$$

ここで、 $f(x, y) = \boxed{\text{(57)}} \boxed{\text{(58)}}$  と置くと、 $g(w) = \sum_{i=1}^n (t_i - f(x_i, y_i))^2$  が最小値になるような  $w$  を求めれば、領域 A と領域 B を分ける一次関数が導かれる。 $\alpha$  を 1 より小さな適当な正の値とすると、 $g(w)$  が最小値になるような  $w$  の近似値は次のようなアルゴリズムで求めることができる。

1. 変数  $w'$  を 0 とする。
2.  $\boxed{\text{(59)}} \boxed{\text{(60)}}$  の、 $w = \boxed{\text{(61)}} \boxed{\text{(62)}}$  における傾き  $d$  を求める。
3.  $d$  の絶対値が十分に小さかったら終了。

そうでなければ、 $w'$  を  $w - \boxed{\text{(63)}} \boxed{\text{(64)}}$  として更新し、2 に戻る。

【 $\boxed{\text{(57)}} \boxed{\text{(58)}} \sim \boxed{\text{(63)}} \boxed{\text{(64)}}$  の選択肢】

- |                   |                    |                    |                  |                   |
|-------------------|--------------------|--------------------|------------------|-------------------|
| (11) $w$          | (12) $w'$          | (13) $x$           | (14) $y$         | (15) $x_i$        |
| (16) $y_i$        | (17) $0 + wx + y$  | (18) $0 + x + wy$  | (19) $w + x + y$ | (20) $1 + wx + y$ |
| (21) $1 + x + wy$ | (22) $-1 + wx + y$ | (23) $-1 + x + wy$ | (24) $f(w)$      | (25) $f(x, y)$    |
| (26) $g(w)$       | (27) $g(x, y)$     | (28) $\alpha x$    | (29) $\alpha y$  | (30) $\alpha w$   |
| (31) $\alpha w'$  | (32) $\alpha d$    |                    |                  |                   |